

参考答案:

一、单选 1. D 2. C 3. B 4. A 5. A 6. D 7. A 8. A

二、多选 9. ACD 10. AD 11. BD 12. AC

三、填空

13. $\{x|x>3 \text{ 或 } x<\frac{1}{2}\}$

14. $[-1,3]$

15. -2

16. $(-1,+\infty)$

四、解答题

17. 解 (1) 因为 $f(x)=\frac{1-x}{1+x}$, 所以 $f(2)=\frac{1-2}{1+2}=-\frac{1}{3}$.

因为 $g(x)=x^2-1$, 所以 $g(3)=3^2-1=8$.

(2) 依题意, 知 $f(g(3))=f(8)=\frac{1-8}{1+8}=-\frac{7}{9}$.

18. 解 (1) 由题意知当 $m=3$ 时, $B=\{x|2\leq x\leq 6\}$, 故 $C_U B=\{x|x<2 \text{ 或 } x>6\}$,

而 $A=\{x|0\leq x\leq 3\}$, 故 $A\cap(\complement_U B)=[0,2)$;

(2) 由“ $x\in B$ ”是“ $x\in A$ ”的充分不必要条件, 可得 $B\subsetneq A$,

故当 $B=\emptyset$ 时, $m-1>2m, \therefore m<-1$, 符合题意;

当 $B\neq\emptyset$ 时, 需满足 $\begin{cases} 0\leq m-1 \\ 2m\leq 3 \\ m-1\leq 2m \end{cases}$, 且 $0\leq m-1, 2m\leq 3$ 中等号不能同时取得,

解得 $1\leq m\leq\frac{3}{2}$,

综合以上, m 的取值范围为 $m<-1$ 或 $1\leq m\leq\frac{3}{2}$.

19. 解 (1) 当 $a=2$ 时, $f(x)>6$, 即 $x^2-2x+3>6$,

$\therefore x^2-2x-3>0$, 即 $(x+1)(x-3)>0$, 解得 $x<-1$ 或 $x>3$,

\therefore 原不等式的解集为 $\{x|x<-1 \text{ 或 } x>3\}$.

(2) 当 $x\in(0,+\infty)$ 时 $f(x)\geq 1-x^2$ 恒成立,

$\therefore x^2-ax+3\geq 1-x^2$, 即 $a\leq 2x+\frac{2}{x}$,

设 $g(x)=2x+\frac{2}{x}\geq 2\sqrt{2x\cdot\frac{2}{x}}=4$, 当且仅当 $x=1$ 时等号成立,

$\therefore a\leq 4$.

20. 解 (1) 由已知有 $\begin{cases} a+b=2 \\ -2a-\frac{b}{2}=-\frac{5}{2} \end{cases}$, 解得 $a=1, b=1$,

$\therefore f(x)=x+\frac{1}{x}$.

(2) 证明: 任取 $x_1, x_2\in(0,1)$, 且 $x_1<x_2$,

则 $f(x_1)-f(x_2)=x_1-x_2+\frac{1}{x_1}-\frac{1}{x_2}=(x_1-x_2)\left(1-\frac{1}{x_1x_2}\right)=(x_1-x_2)\cdot\frac{x_1x_2-1}{x_1x_2}$,

$\because x_1, x_2\in(0,1)$, 且 $x_1<x_2$,

$\therefore x_1-x_2<0, 0<x_1x_2<1, x_1x_2-1<0$,

$\therefore f(x_1)-f(x_2)=(x_1-x_2)\cdot\frac{x_1x_2-1}{x_1x_2}>0$, 即 $f(x_1)>f(x_2)$,

$\therefore f(x)$ 在 $(0,1)$ 上单调递减.